

با سمه تعالی

رشه: ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۸ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۷	تعداد صفحه: ۲	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در فرم شهربیور ماه سال ۱۴۰۰ http://aee.medu.ir			

ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره
------	-----------------------	------

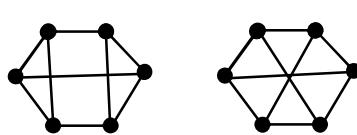
۱	ثابت کنید حاصل جمع یک عدد گویا و یک عدد گنگ، عددی گنگ است.	۱
۱	درست یا نادرست بودن جملات زیر را مشخص کنید. الف) اگر m, n و $a b$ دو عدد طبیعی باشند که $m \leq n$ ، آن‌گاه $a^m b^n$. ب) اگر $a b$ آن‌گاه $a = b$. پ) اگر $a^m = b^m$ باشد، آن‌گاه باقی‌مانده‌های تقسیم دو عدد a و b بر m مساوی‌اند. ت) منظور از حل معادله همنهشتی، پیدا کردن همه جواب‌های حقیقی است که در معادله $a^m x = b^m$ صدق کند.	۲
۱	اگر $a > 4$ ، $a 5k + 3$ و $a 9k + 4$ ، ثابت کنید a عددی اول است.	۳
۱/۵	اگر a عددی صحیح و دلخواه باشد، ثابت کنید همواره یکی از اعداد صحیح $a+4$ یا $a+2$ یا $a+1$ بر ۳ بخش‌پذیر است.	۴
۱	اگر دو عدد $(3a-5)$ و $(4a-7)$ رقم یکان برابر داشته باشند، رقم یکان عدد $(9a+6)$ را به دست آورید.	۵
۱/۵	معادله سیاله $18 = 2y + 5x$ را حل کرده و جواب عمومی آن را بنویسید.	۶
۲/۲۵		۷
	با توجه به گراف G (شکل مقابل)، به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) مسیر به طول ۳ از a به c بنویسید. ب) یک دور به طول ۴ مشخص کنید. پ) درجه رأس a در گراف \bar{G} را تعیین کنید. ت) آیا گراف G همبند است؟ دلیل ارائه کنید. ث) $N_G(f)$ را معین کنید.	
۱/۲۵	گراف G ، ۳-منتظم است و اندازه آن ۳ واحد کمتر از ۲ برابر تعداد رأس‌های گراف است. مرتبه گراف را به دست آورده و گراف G را رسم کنید.	۸
۱/۵		۹
۱	در گراف زیر یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال مشخص کنید که مینیمم نباشد.	۱۰
۱		
۱	می‌خواهیم ۲۰ نفر را به ۴ گروه ۵ نفره تقسیم کنیم. به چند طریق این کار امکان‌پذیر است؟	۱۱
۱	کوتاه پاسخ دهید. علی و حسین و ۵ نفر دیگر را به چند طریق می‌توان در یک صف کنار هم قرار داد، به طوری که: الف) علی و حسین کنار هم باشند. ب) ابتدا و انتهای صف علی و حسین ایستاده باشند.	۱۲

«بقیه سوالات در صفحه دوم»

با اسمه تعالی

رشنده : ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع: ۸ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان : ۱۴۰۰/۰۶/۲۷	تعداد صفحه: ۲	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فرم شهربیور ماه سال ۱۴۰۰ http://aee.medu.ir			
ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره	

۱۳	معادله $x_۱ + x_۲ + x_۳ + x_۴ + x_۵ = ۱۵$ چند جواب صحیح نامنفی دارد به شرط آن که $x_۱ > ۲$ و $x_۴ \geq ۴$ باشد؟	۱/۵
۱۴	الف) تمام مربع های لاتین ۲×۲ را بنویسید. ب) آیا دو مربع لاتین ۲×۲ متعامد وجود دارد؟ دلیل بیاورید.	۱/۲۵
۱۵	در بین اعداد طبیعی $1 \leq n \leq 200$ (۱ تا ۲۰۰) چند عدد وجود دارد که بر ۴ بخش پذیر باشند ولی بر ۷ بخش پذیر نباشند؟	۱/۵
۱۶	حداقل چند نفر در یک سالن ورزشی مشغول تماشای مسابقه کشتی باشند تا مطمئن باشیم لااقل ۲۰ نفر از آن ها روز تولدشان در هفته، یکسان است؟	۰/۷۵
	"موفق باشید"	جمع نمره

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته تاریخ امتحان : ۱۴۰۰/۰۶/۲۷ دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۰ مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir			
نمره	ردیف	راهنمای تصحیح	ردیف
۱	۱	فرض کنیم r یک عدد گویا و x یک عدد گنگ است. نشان می‌هیم که $x + r$ یک عدد گنگ است. فرض خلف: فرض کنیم $x + r$ گویا باشد. (۰/۲۵) می‌دانیم تفاضل دو عدد گویا عددی گویا است. پس $r \in Q$ یعنی $x \in Q$ (۰/۲۵) و این با فرض گنگ بودن x تناقض دارد. پس فرض خلف باطل و حکم اثبات می‌شود. (مثال صفحه ۵)	
۱	۲	الف) درست (۰/۲۵) (تمرین ۸ صفحه ۱۳) پ) درست (۰/۲۵) (تمرین ۶ صفحه ۲۹)	
۱	۳	$a 9(5k+3)-5(9k+4) \Rightarrow a 27-20 \Rightarrow a 7 \Rightarrow a = 7 \in P$ (۰/۲۵) (مشابه مثال صفحه ۱۲)	
۱/۵	۴	طبق الگوریتم تقسیم داریم: $a = 3k + 1 \Rightarrow a + 2 = 3(k + 1)$ (۰/۲۵) یا $a = 3k + 2 \Rightarrow a + 4 = 3(k + 2)$ (۰/۲۵) که در هر دو مورد بر ۳ بخش‌پذیر هستند. (۰/۲۵) (مشابه سوال ۲ صفحه ۱۵)	
۱	۵	$4a - 7 \equiv 3a - 5 \Rightarrow a \equiv 2 \Rightarrow 9a + 6 \equiv 24 \equiv 4 \Rightarrow r = 4$ (۰/۲۵) (سوال ۱۰ صفحه ۲۹)	
۱/۵	۶	$2y \equiv 18 \Rightarrow y \equiv 9 \equiv 4 \Rightarrow y = 5k + 4 \Rightarrow 5x + 2(5k + 4) = 18$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = -2k + 2$ (۰/۲۵) (مشابه سوال ۱۲ صفحه ۲۹)	
۲/۲۵	۷	الف) $abgc$ (۰/۵) (تعريف مسیر صفحه ۳۸) پ) $\gamma(G)$ (مسأله صفحه ۳۸) ت) خیر (۰/۵) زیرا دارای رأس ایزوله است هیچ مسیری به سایر رئوس وجود ندارد. (۰/۵) (تعريف گراف همبند صفحه ۳۹) ث) $N_G(f) = \{\}$ (مشابه مثال صفحه ۳۶)	
۱/۲۵	۸	$q = 2p - 3 \Rightarrow p = \frac{3p}{2} = 2p - 3 \Rightarrow p = 6$ (۰/۲۵) به یکی از دو گراف زیر (۰/۵) داده شود. 	
۱/۵	۹	طبق قضیه داریم $\gamma(G) = \left\lceil \frac{7}{4+1} \right\rceil = 2 \leq \gamma(G)$. از طرفی $D = \{b, e\}$ یک مجموعه احاطه‌گر است. لذا $\gamma(G) \leq 2$ (۰/۲۵). بنابراین $\gamma(G) = 2$ (۰/۲۵). (مشابه فعالیت ۱ صفحه ۵۰)	
۱	۱۰	(در صورتی که مجموعه‌های مشابه که ویژگی مسأله را داشت، نوشتنند، نمره داده شود.) $D = \{a, e, c, h\}$ (۰/۵) (مشابه سوال ۴ کار در کلاس صفحه ۴۶)	
۱	۱۱	(در صورتی که جواب را به فرم $\frac{20!}{5! \times 5! \times 5! \times 5!}$ نوشتند، نمره داده شود.) (۰/۲۵) (مشابه مثال صفحه ۵۹)	
۱	۱۲	الف) $2! \times 6 = 12$ (۰/۵) (مشابه مثال صفحه ۵۷) ب) $5! \times 2! = 120$ (۰/۵) (مشابه مثال صفحه ۵۷)	
ادامه پاسخ‌ها در صفحه دوم			

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه								
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه									
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۰		مرکز سنجش و پیش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir									
ردیف		راهنمای تصحیح									
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف								
۱/۵	$y_1 = x_1 - 3, y_1 \geq 0 \quad (0/25) , \quad y_4 = x_4 - 4, y_4 \geq 0 \quad (0/25)$ $y_1 + 3 + x_1 + x_4 + y_4 + 4 + x_5 = 15 \quad (0/25) \Rightarrow y_1 + x_1 + x_4 + y_4 + x_5 = 8 \quad (0/25) \Rightarrow \mathcal{C} = \binom{12}{4} \quad (0/5)$ (مشابه سوال ۹ صفحه ۷۱)		۱۳								
۱/۲۵	$(0/25)$ <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>۱۲</td><td>۲۱</td></tr> <tr> <td>۲۱</td><td>۱۲</td></tr> </table> (ب) الف) دو نوع مربع لاتین مرتبه ۲ داریم. $(0/25)$ <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr> <td>۲</td><td>۱</td></tr> </table> $(0/25)$ $(0/25)$ $(0/25)$ متعامد نیستند. (۰/۲۵) زیرا در مربع بالاعدد دو رقمی تکراری داریم. (۰/۲۵) (سوال ۲ کار در کلاس صفحه ۶۶)		۱۲	۲۱	۲۱	۱۲	۱	۲	۲	۱	۱۴
۱۲	۲۱										
۲۱	۱۲										
۱	۲										
۲	۱										
۱/۵	$A = \{1 \leq n \leq 200 n = 4k\} \quad (0/25) \Rightarrow A = \left\lceil \frac{200}{4} \right\rceil = 50 \quad (0/25), \quad B = \{1 \leq n \leq 200 n = 7k\} \quad (0/25)$ $A \cap B = \{1 \leq n \leq 200 n = 28k\} \Rightarrow A \cap B = \left\lceil \frac{200}{28} \right\rceil = 7 \quad (0/25)$ $ A \cap B' = A - A \cap B \quad (0/25) = 50 - 7 = 43 \quad (0/25)$ (سوال ۲ صفحه ۸۳)		۱۵								
۰/۷۵	(مشابه مثال صفحه ۸۲)		$k+1=20 \Rightarrow k=19 \quad (0/25), \quad kn+1=19 \times 7+1=134 \quad (0/25)$ $\underbrace{(0/25)}$	۱۶							
۲۰	جمع نمره										

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»