

باسمه تعالی

تعداد صفحه: ۲	رشته: علوم تجربی	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۸	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰	

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)	نمره
------	---	------

۰/۷۵	<p>درستی یا نادرستی عبارات‌های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) تابع <math>y = \sqrt{2}x^3 - \frac{3}{4}x</math> یک چندجمله‌ای از درجه ۳ است.</p> <p>ب) اگر <math>f(7) = 5</math> و <math>g(4) = 7</math>، آنگاه <math>(fog)(4) = 5</math>.</p> <p>ج) دو تابع <math>f(x) = -\frac{7}{2}x - 3</math> و <math>g(x) = -\frac{2x+7}{6}</math> وارون یکدیگرند.</p>	۱
۰/۵	<p>درجاهای خالی عبارت ریاضی مناسب را انتخاب کنید.</p> <p>الف) نمودار تابع <math>f(x) = x^3</math> در بازه <math>(0, 1)</math>، ..... از نمودار تابع <math>g(x) = x^2</math> قرار دارد. (بالا تر - پایین تر)</p> <p>ب) چند جمله‌ای <math>p(x) = 2x^3 + x^2 + 1</math> بر دو جمله‌ای ..... بخش پذیر است. <math>((x+1), (x-1))</math>.</p>	۲
۱	<p>الف) با توجه به نمودار توابع <math>f</math> و <math>g</math>، مقادیر زیر را در صورت وجود به دست آورید. ۱) <math>(gof)(-1)</math> ۲) <math>(g^{-1}of^{-1})(2)</math></p> <p>ب) نمودار تابع <math>f(x-2) - 3</math> را رسم کنید.</p>	۳
۱/۵	<p>نمودار زیر برای تابعی با ضابطه <math>f(x) = a \cos bx + c</math> است. با دقت به شکل نمودار و تشخیص دوره تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع، ضابطه آن را مشخص کنید.</p>	۴
۱/۵	<p>معادله مثلثاتی <math>\cos 2x - \sin x + 1 = 1</math> را حل کنید.</p>	۵
۱/۷۵	<p>حد توابع زیر را در صورت وجود محاسبه کنید.</p> <p>الف) <math>\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{2x^2 - x}{4x^2 - 1}</math></p> <p>ب) <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x+1}{\sin^2 x}</math></p>	۶
۱/۵	<p>مشتق پذیری تابع مقابل را در نقطه <math>x = -1</math> بررسی کنید.</p> <p><math>f(x) = \begin{cases} x^2 + 3 &amp; x \geq -1 \\ 2x + 6 &amp; x &lt; -1 \end{cases}</math></p>	۷

« ادامه سوالات در صفحه دوم »

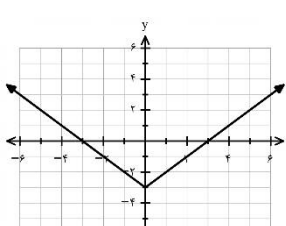
باسمه تعالی

تعداد صفحه: ۲	رشته: علوم تجربی	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۸	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰	

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)	نمره
------	---	------

۸	مشتق تابع های زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست) الف) $f(x) = (x^2 + 2x - 1)^5$ ب) $g(x) = (\sqrt{3x+2})(x^2 + 1)$	۱/۷۵
۹	اگر توابع $f, g$ مشتق پذیر باشند و $f'(1) = 3, g'(1) = 5$ مقادیر $(3f + 2g)'(1)$ را به دست آورید.	۰/۷۵
۱۰	معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = t^2 - t + 10$ بر حسب متر در بازه $[0, 5]$ ( $t$ بر حسب ثانیه) داده شده است. در کدام لحظه سرعت لحظه ای با سرعت متوسط در بازه زمانی $[0, 5]$ با هم برابرند؟	۱
۱۱	اکستریم های مطلق تابع $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x$ را در بازه $[-1, 3]$ مشخص کنید.	۲
۱۲	اگر نقطه $(2, 1)$ نقطه اکستریم نسبی تابع $f(x) = x^3 + bx^2 + d$ باشد، مقادیر $d, b$ را به دست آورید.	۱
۱۳	خروج از مرکز یک بیضی افقی $\frac{4}{5}$ ، مرکز آن $(-4, -1)$ و طول قطر کوچک این بیضی ۶ واحد است. الف) فاصله کانونی را محاسبه کنید. ب) مختصات نقاط دو سر قطر بزرگ این بیضی را پیدا کنید.	۱/۵
۱۴	معادله دایره ای بنویسید که مرکز آن $(0, 3)$ و بر خط $3x - 4y = 3$ مماس باشد.	۱
۱۵	۴ ظرف یکسان داریم. در ظرف اول ۱۴ مهره قرار دارد شامل ۴ مهره قرمز است. در ظرف دوم همه مهره ها قرمزند و ظرف سوم ۸ مهره دارد که شامل ۶ مهره قرمز است. در ظرف چهارم هیچ مهره قرمزی وجود ندارد. با چشم بسته یکی از ظرفها را انتخاب کرده و از آن یک مهره بیرون می آوریم. احتمال آن که مهره انتخابی قرمز باشد چقدر است؟	۱/۵
۲۰	جمع نمره	" موفق باشید "

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
۰/۷۵	(ج) نادرست هر مورد ۰/۲۵	۱
۰/۵	هر مورد ۰/۲۵	۲
۱	الف) درست صفحات: ۲ و ۲۲ و ۲۹ ب) درست صفحات: ۴ و ۵۰	۳
۱	الف) درست صفحات: ۲۳ و ۲۹ ب) رسم درست نمودار یک نمره	۴
۱/۵	۱) $(g \circ f)(-1) = g(1) = -5$ (۰/۵) ۲) $(g^{-1} \circ f^{-1})(2) = g^{-1}(0) = -4$ (۰/۵) 	۵
۱/۵	$ a  = \frac{2 - (-2)}{2} = 2$ $a = -2$ (۰/۵) $ b  = \frac{2\pi}{2\pi} = 1$ $b = 1$ (۰/۵) $f(x) = -2 \cos x$ (۰/۲۵) $c = \frac{2 + (-2)}{2} = 0$ (۰/۲۵)	۶
۱/۵	$2 \sin^2 x + \sin x - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} \sin x = -1 & (۰/۲۵) \Rightarrow x = 2k\pi - \frac{\pi}{2} & (۰/۲۵) \\ \sin x = \frac{1}{2} & (۰/۲۵) \end{cases} \begin{cases} x = 2k\pi + \frac{\pi}{6} & (۰/۲۵) \\ x = 2k\pi + \pi - \frac{\pi}{6} & (۰/۲۵) \end{cases}$	۷
۱/۷۵	الف) $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{(x)(2x-1)}{(2x+1)(2x-1)} = \lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{(x)}{(2x+1)} = \frac{1}{4}$ (۰/۲۵) ب) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x+1}{\sin^2 x} = \frac{1}{0^+} = +\infty$ (۰/۲۵)	۸

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۷	تابع در $x = 1$ پیوسته است. (۰/۲۵) $f'_+(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{x^2 + 3 - 4}{x - (-1)} = -2 \quad (۰/۵)$ $f'_-(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{2x + 6 - 4}{x - (-1)} = 2 \quad (۰/۵)$ $\Rightarrow f'_+(-1) \neq f'_-(-1) \quad (۰/۲۵)$ <p style="text-align: right;"><math>f'(-1)</math> موجود نیست. صفحه: ۹۱</p>	۱/۵
۸	الف) $f'(x) = 5(x^2 + 2x - 1)^4(2x + 2)$ (۰/۷۵) ب) $g'(x) = \underbrace{\left(\frac{3}{2\sqrt{3x+2}}\right)}_{(۰/۵)}(x^3 + 1) + \underbrace{(\sqrt{3x+2})(3x^2)}_{(۰/۵)}$ <p style="text-align: right;">صفحه: ۹۲</p>	۰/۷۵ ۱
۹	$3f'(1) + 2g'(1) = 9 + 10 = 19$ (۰/۲۵) صفحه: ۹۲	۰/۷۵
۱۰	$\Rightarrow \frac{f(5) - f(0)}{5 - 0} = 4$ (۰/۲۵) سرعت متوسط $\Rightarrow f'(t) = 2t - 1 = 4 \quad t = \frac{5}{2}$ (۰/۲۵) سرعت لحظه ای <p style="text-align: right;">صفحه: ۱۰۰</p>	۱
۱۱	$f'(x) = 6x^2 + 6x - 12 = 0$ (۰/۲۵) $\begin{cases} x = 1 \\ x = -2 \notin [-1, 3] \end{cases}$ (۰/۵) $f(-1) = 13$ (۰/۲۵) $f(1) = -7$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \min(1, -7)$ (۰/۲۵) $f(3) = 45$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \max(3, 45)$ (۰/۲۵) <p style="text-align: right;">صفحه: ۱۱۱</p>	۲
۱۲	$f(2) = 1 \Rightarrow 4b + d = -7$ (۰/۵) $f'(2) = 0 \Rightarrow b = -3, d = 5$ (۰/۵) <p style="text-align: right;">صفحه: ۱۱۲</p>	۱
۱۳	الف) $a = \frac{5}{4}c \Rightarrow \frac{25}{16}c^2 = 9 + c^2 \quad FF' = 2c = 8 \Rightarrow$ (۰/۷۵) ب) $a = 5$ (۰/۲۵) $\Rightarrow A(1, -1), A(-9, -1)$ (۰/۵) <p style="text-align: right;">صفحه: ۱۳۲</p>	۱/۵

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
۱	$r = \frac{ 3 \times 0 - 4 \times 3 - 3 }{\sqrt{3^2 + (-4)^2}} = 3 \quad (0/5) \Rightarrow (x-0)^2 + (y-3)^2 = 9 \quad (0/5)$	۱۴ صفحه: ۱۳۹
۱/۵	$P(A) = P(B_1)P(A B_1) + P(B_2)P(A B_2) + P(B_3)P(A B_3) + P(B_4)P(A B_4) \quad (0/25)$ $P(A) = \frac{1}{4} \times \frac{4}{14} + \frac{1}{4} \times 1 + \frac{1}{4} \times \frac{6}{8} + \frac{1}{4} \times 0 = \frac{57}{112} \quad (0/25)$ $\underbrace{\frac{4}{14}}_{(0/25)} \quad \underbrace{\frac{4}{4}}_{(0/25)} \quad \underbrace{\frac{6}{8}}_{(0/25)} \quad \underbrace{\frac{4}{4}}_{(0/25)}$	۱۵ در صورت حل به روش درختی نمره تعلق گیرد. صفحه: ۱۴۷
۲۰	" در نهایت، نظر همکاران محترم صائب است "	